



## مقایسه و ارائه روشی جهت تخمین زمان تمرکز در حوضه‌های کوچک شهری

صدیقه السادات قاضیزاده‌هاشمی<sup>۱</sup>، مسعود تجریشی<sup>۲</sup>

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی عمران گرایش آب، تهران، دانشگاه صنعتی شریف

۲- استاد دانشکده عمران و دفتر مطالعات آب و محیط زیست، دانشگاه صنعتی شریف

[M.hashemi@mehr.sharif.ir](mailto:M.hashemi@mehr.sharif.ir)  
Tajrishi@sharif.edu

### خلاصه

روابط بسیاری جهت تخمین زمان تمرکز در حوضه‌های درون شهری ارائه شده است. هدف این مقاله ارائه روابط مناسب جهت تخمین زمان تمرکز جریان سطحی در زیر حوضه‌های نفوذناپذیر با الگوی مشابه مناطق نیمه خشک و خشک می‌باشد. در این مقاله سه روش Ben-Zvi<sup>۱</sup>, Ben-Zvi<sup>۲</sup> و تغییرات شدت بارش و شب سطح به ترتیب ۲۲-۴۰ میلی متر در ساعت و ۵-۵٪ درصد می‌باشد. براساس نتایج بدست آمده، روش تفاضل بهترین روش جهت تخمین زمان تمرکز از روی هیدروگراف‌های آزمایشگاهی و پارامتر شب تأثیرگذارترین پارامتر در تخمین زمان تمرکز می‌باشد. براساس مقایسه زمان تمرکز پیش‌بینی شده با استفاده از ۱۳ رابطه تحری و زمان تمرکزهای اندازه‌گیری شده دو رابطه مرگالی (۱۹۶۵)-لینزلی (۱۹۶۵) و وانگ (۲۰۰۵)<sup>۳</sup> چن (۱۹۹۳)<sup>۴</sup> کمترین میزان اربی را از خود نشان داده‌اند؛ به صورتی که ضریب همبستگی آن‌ها به ترتیب برابر با ۰/۹۱ و ۰/۹۵ می‌باشد.

کلمات کلیدی: زمان تمرکز، هیدرولوژی حوضه‌های کوچک شهری، جریان سطحی، شبیه‌سازی بارش، دبی اوج.

### ۱. مقدمه

حداکثر زمانی که طول می‌کشد تا آب از دورترین نقطه‌ی حوضه‌ی آبریز مسیر هیدرولوژیکی خود را طی کرده و به نقطه خروجی برسد، زمان تمرکز نام دارد. اغلب تحلیل‌های هیدرولوژیکی به منظور طراحی سازه‌های جمع آوری و انتقال رواناب شهری نیازمند تعدادی پارامتر زمانی به عنوان ورودی هستند که دقت این تحلیل‌ها بطور مستقیم به دقت این پارامترها وابسته است. از میان این پارامترها، زمان تمرکز پرکاربردترین آن‌ها محسوب می‌شود<sup>[۱]</sup>.

زمان تمرکز رواناب سطحی در یک حوضه‌ی آبریز یکی از مهم‌ترین پارامترها در طراحی هیدرولوژیکی تأسیسات زهکشی شهری و روزتایی است. در روش منطقی<sup>۳</sup> جهت طراحی زهکش جریان، از زمان تمرکز برای تعیین شدت بارش طراحی با استفاده از منحنی IDF<sup>۴</sup> استفاده می‌شود. از آنجایی که دبی اوج در زمانی برابر با زمان تمرکز رخ می‌دهد، با استفاده از روش منطقی و زمان تمرکز تخمین زده شده می‌توان دبی اوج طراحی را تخمین زد. همچنین زمان تمرکز یک پارامتر کلیدی در هیدروگراف‌های واحد مصنوعی<sup>۵</sup> مانند هیدروگراف واحد کلارک (۱۹۴۵) و هیدروگراف واحد بدون بعد سازمان حفاظت خاک (SCS)<sup>۶</sup> می‌باشد<sup>[۲]</sup>.

<sup>۱</sup> دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی عمران گرایش آب

<sup>۲</sup> استاد دانشکده عمران و دفتر مطالعات آب و محیط زیست دانشگاه صنعتی شریف

<sup>۳</sup> Rational Method

<sup>۴</sup> Intensity Duration Frequency

<sup>۵</sup> Synthetic

<sup>۶</sup> Soil Conservation System



HEC-HMS جهت تخمین زمان تمرکز برای پیش‌بینی دبی اوج که برای هدف‌های طراحی مانند سیستم‌های مدیریت جریان آب، ورودی‌های کالورت و سریز اضطراری کاربرد دارند، به کار گرفته می‌شوند [۳].

روابط ارائه شده جهت تخمین زمان تمرکز برای یک حوضه‌ی آبریز مشخص با اقلیم منطقه‌ای خاص، برایه‌ی یک تعریف مشخصی از زمان تمرکز انتخاب می‌شوند. بین محققین و مهندسین هیدرولوژی بر سر تعریف زمان تمرکز اختلافات زیادی وجود دارد و محققین سعی در یافتن یک تعریف واحدی برای زمان تمرکز دارند، اما تعیین زمان تمرکز از روی داده‌های آزمایشگاهی کار ساده‌ای نیست؛ زیرا روش عملی در دسترس برای بدست آوردن زمان تمرکز از هیدرولوگراف‌های اندازه‌گیری شده وجود ندارد [۲].

تعداد بسیار زیاد روش‌های تجربی و نیمه تجربی جهت تخمین زمان تمرکز موجب ایجاد سردرگمی بین محققین و مهندسین هیدرولوژی شده و آن‌ها بدون ارزیابی و مقایسه‌ی دقت یک روش با دیگر روش‌های موجود آن را انتخاب می‌کنند [۳]. مقدار واقعی زمان تمرکز که با تغییرات خصوصیات بارش، توپوگرافی منطقه و ویژگی‌های کانال تغییر می‌کند؛ به طور مستقیم قابل اندازه‌گیری یا تعیین نیست. همچنین روش‌های تجربی موجود برای تخمین زمان تمرکز براساس خصوصیات حوضه‌های آبریز و با یک اقلیم منطقی خاص کالibrه شده‌اند و در نتیجه در نواحی دیگر می‌توانند مقدار زیادی اریبی از خود نشان دهند [۳]. در جدول ۱ سیزده معادله‌ی تجربی معمول که تا کنون جهت تخمین زمان تمرکز ارائه شده، نشان داده شده است.

#### جدول ۱. روابط تجربی جهت تخمین زمان تمرکز جریان سطحی.

شماره	نام روش	معادله جهت تخمین $t_c$	ردیم جریان	حدوده مساحت
۱	Kinematic Wave(Aron and Erborge 1973)	$T_c(\text{hr}) = 0/0319639 L^{0/6} n^{0/6} S^{-0/3} I^{-0/4}$	جریان سطحی و شدت بارش ثابت	حوضه‌های خلی کوچک
۲	Kerbey 1959- Hathaway 1945	$T_c = 1/45 \left( \frac{N_k L_0}{S_0} \right)^{0/467}$	جریان سطحی و شدت بارش ثابت	حوضه‌های خلی کوچک
۳	SCS(Soil Conservation Service)	$T_c(\text{hr}) = 0/000877 L_f^{0/8} \left( \frac{1000}{CN} - 9 \right)^{0/7} S_f^{-0/5}$	جریان سطحی	$A < 8 \text{ km}^2$
۴	Izzard(1946)	$T_c(\text{min}) = 41/025 (0/0007 i_n + C_{n1}) L_n^{0/33} i_n^{-0/667} S_n^{-0/333}$	جریان سطحی و شدت بارش ثابت	حوضه‌های خلی کوچک
۵	United States Army Corps of Engineers(1954)	$T_c = \left( 10/57 + \frac{0/12}{S_0} \right) \left( \frac{L_0}{30/48} \right)^{0/55 - \frac{0/001}{S_0}} i_n^{-0/43}$	جریان سطحی و شدت بارش ثابت	حوضه‌های خلی کوچک
۶	Morgali and Linsley (1965)	$T_c(\text{min}) = 7 n_0^{0/605} L_0^{0/593} / S_0^{0/38} i_n^{0/388}$	جریان سطحی و شدت بارش ثابت	حوضه‌های خلی کوچک
۷	Woolhiser and Liggett (1967)	$T_c(\text{min}) = 7 (n_0 L_0 / \sqrt{S_0})^{0/6} i_n^{-0/4}$	جریان سطحی و شدت بارش ثابت	حوضه‌های کوچک
۸	برانس با- ویلیامز	$t_c(\text{hr}) = \frac{0/96 L^{1/2}}{H^{0/2} A^{0/1}}$	جریان سطحی	حوضه‌های خلی کوچک
۹	(FAA 1970) معادله سازمان هوایوردوی آمریکا	$t_c(\text{min}) = \frac{0/7(1/1 - C)L^{0/5}}{S_0^{0/33}}$	جریان سطحی	حوضه‌های خلی کوچک
۱۰	معادله اورتون - میدوز برای جریان ورقه‌ای	$T_c(\text{hr}) = \frac{0/029(nL)^{0/8}}{P_2^{0/5} S^{0/4}}$	جریان سطحی	
۱۱	Yen and Chow (1983)	$T_c = 42/6 (n_0 L_0^{0/333} S_0^{-0/2})$	جریان سطحی و شدت بارش ثابت	حوضه‌های خلی کوچک
۱۲	National Association of Australian State Rroad Authorities (1986)	$T_c = 42/6 N_a L_0^{0/333} / S_0^{0/2}$	جریان سطحی و شدت بارش ثابت	حوضه‌های خلی کوچک
۱۳	Wong(2005) and Chen(1993)	$T_c(\text{min}) = \frac{0/595(3/15)^{0/33k} C_k^{0/33} L^{0/33(2-k)}}{S_0^{0/33} i^{0/33(1+k)}}$	جریان سطحی و شدت بارش ثابت	حوضه‌های خلی کوچک

ل: طول آبراهه اصلی(متر)،  $S$ : شبیه میانگین حوضه آبریز(متر)،  $n$ : ضریب تأخیر(برای سطوح نفوذناپذیر صاف  $0/02$  و سطوح چمنی  $0/04$ )،  $N_k$ : ضریب شدت جریان(میلی‌متر در ساعت)،  $i$ : عدد منحني رواناب،  $S_n$ : شبیه جریان سطحی(فوت بر فوت)،  $L_n$ : طول جریان سطحی(فوت)،  $i_n$ : شدت جریان(ینچ در ساعت)،  $C_n$ : ضریب تأخیر( $0/007$  برای روسازی‌های نرم،  $0/012$  برای روسازی بتنی و  $0/06$  برای سطوح چمنی)،  $P$ : عمق براش  $24$  ساعه‌یه با دوره بازگشت دو سال(سانتی‌متر)،  $K$  و  $C_k$ : برای روسازی صاف و هموار به ترتیب  $0/5$  و  $0/3$  برای چمن به ترتیب  $0/1$  و  $0/0$ .

از آنجایی که هر یک از طراحان نظرات شخصی خود را در تخمین پارامترهای ورودی در روابط ارائه شده جهت تخمین زمان تمرکز لحظه می‌کنند، در شرایط یکسان مقدار واحدی برای زمان تمرکز بدست نخواهد آمد. در نتیجه یافتن بهترین معادله زمان تمرکز با توجه به ویژگی‌های حوضه‌های آبریز در یک منطقه یکی از مهمترین دغدغه طراحان می‌باشد.



هدف اصلی دراین تحقیق ارائه روابط مناسب جهت تخمین زمان تمرکز برای جریان سطحی در سطوح نفوذناپذیر با استفاده از یک مدل آزمایشگاهی و با الگوی مشابه مناطق خشک و نیمه خشک می باشد. در ضمن مقایسه ای بین رابطه بست آمده و روابط تجربی و نیمه تجربی موجود برای تخمین زمان تمرکز بر روی سطوح نفوذناپذیر انجام و تأثیر گذارترین پارامتر در تخمین زمان تمرکز تعیین خواهد شد.

## ۲. مدل آزمایشگاهی

جهت انجام این مطالعه یک زیر حوضه ای آزمایشگاهی مستطیل شکل در دانشگاه صنعتی شریف جهت تخمین زمان تمرکز جریان سطحی با استفاده از شبیه سازی بارش و با در نظر گرفتن الگوی مشابه مناطق خشک و نیمه خشک ساخته شده است. زیر حوضه ای آزمایشگاهی دارای ۶ متر طول و ۱ متر عرض می باشد. گستره تغییرات شیب طولی  $0^{\circ} - 5^{\circ}$  درصد و شدت بارش  $20 - 40$  میلی متر در ساعت در نظر گرفته شده است. همچنین از سطح نایلون به عنوان سطح کاملاً نفوذناپذیر استفاده شده است. در شکل ۱ زیر حوضه ای آزمایشگاهی به همراه سیستم شبیه ساز بارش نشان داده شده است. جهت شیوه سازی بارش از چهار نازل تحت فشار مدل BEX-1/8S8W استفاده شده است. برای تخمین زمان تمرکز بر روی سطح نفوذناپذیر نایلون ۱۲ آزمایش انجام شده که مشخصات بارش و شیب سطح در جدول ۲ نشان داده شده است.



جدول ۲. مشخصات بارش های شبیه سازی شده (شدت و مدت)، ابعاد زیر حوضه و شیب های طولی (با شیب عرضی صفر درصد) در نظر گرفته شده برای ۱۲ آزمایش.

درصد یکنواختی	شدت بارش (میلی متر در ساعت)	زمان بارش (دقیقه)	شیب طولی (درصد)	شماره آزمایش
81	۳۹/۶	30	5	1
81	۳۷/۵	30	5	2
76	37	30	5	3
82	۲۶/۳	30	5	4
79	۲۴/۶	30	5	5
73	22	30	5	6
81	۳۹/۶	30	2	7
82	۲۶/۳	30	2	8
73	22	30	2	9
81	۳۹/۶	30	۰/۵	10
82	۲۶/۳	30	۰/۵	11
73	22	30	۰/۵	12

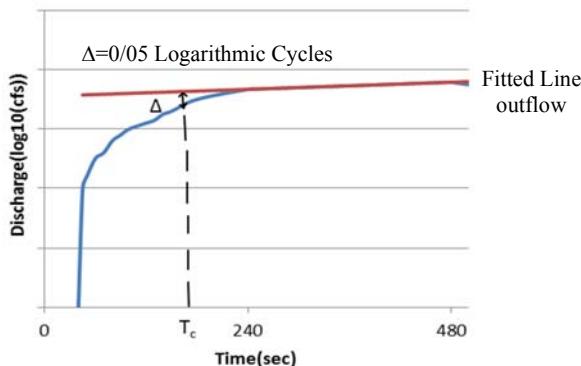
شکل ۱. زیر حوضه ای آزمایشگاهی به همراه سیستم شبیه ساز بارش در ارتفاع ۳ متری از سطح نایلون.

## ۳. روش های محاسبه زمان تمرکز از روی هیدروگراف های آزمایشگاهی

### روش Ben-Zvi [۱۵]

Ben-Zvi در سال ۱۹۷۰ یک تکنیک در ارتباط با تعیین زمان تمرکز از روی هیدروگراف های آزمایشگاهی ارائه داد. آزمایش های Ben-Zvi یک سطح آلومینیومی که تحت بارش مصنوعی با شدت های مختلف و زمان های متفاوت بارش قرار داشت، انجام شد. براساس این روش زمان تمرکز

به عنوان زمان بین شروع بارش و زمان وقوع آخرين اندازه گيري دبى که لگاريتم آن حداقل ۰/۰۵ سيكل لگاريتمي کمتر از خط راست مماس بر روی هيدروگراف دبى اوج می‌باشد، تعريف شده است [۱۵]. در شکل ۲ تکنيك تعين زمان تمرکز با اين روش نشان داده شده است.



شکل ۲. تکنيك Ben-Zvi برای تعين زمان تمرکز [۱۵].

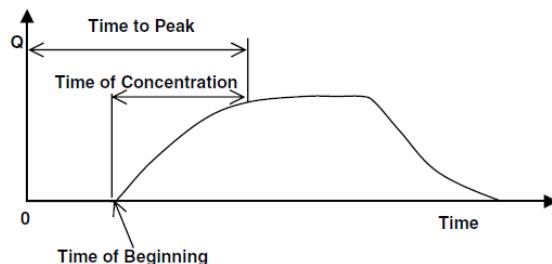
- به منظور کاهش اثرات خطای اندازه گیری روی روند ترسیم شده، هيدروگراف‌ها برای مدت آزمایش برابر با زمان بارش ( $T$ ) روی یک برگه نیمه لگاریتمی رسم می‌شود [۳]. مراحل مخصوصی که برای روش Ben-Zvi وجود دارد به طور مختصر در زیر بیان شده است [۳] :
۱. لگاريتم مرتبه ۱۰ داده های نقطه‌ای دبى اندازه گيری شده بين زمان  $T$  و  $T/2$  (مدت زمان بارش است) را محاسبه می‌کنیم. Ben-Zvi این روش را برای زمان بارش برابر با ۸ دقیقه تعريف کرده است.
  ۲. بهترین خط راست ممکن را روی لگاريتم داده های انتخاب شده رسم می‌کنیم.
  ۳. اولين مقادير دبى اندازه گيرى شده که لگاريتم آن حداقل ۰/۰۵ سيكل لگاريتمي زير خط راست برازش داده شده را پيدا می‌کنیم.

### روش Ben-Zvi اصلاح شده [۳]

زمان تمرکز در روش Ben-Zvi اصلاح شده به عنوان زمان مورد نياز جهت رسیدن جريان به ۸۹ درصد دبى پيشينه تعريف می‌شود. درونيايي بين دبى - هاي اندازه گيرى شده برای يافتن زمان تمرکز احاطه شده به دبى که دقیقاً ۸۹ درصد دبى پيشينه است، انجام می‌شود.

### روش تفاضل [۱۶]

لى و چير (۲۰۰۸) جهت محاسبه زمان تمرکز از روی هيدروگراف‌های مشاهداتی بدست آمده از آزمایش بارش، فاصله زمانی بین شروع رواناب تا وقوع دبى اوج را به عنوان زمان تمرکز در نظر گرفتند. پيشينه مقدار دبى اوج و يا دبى که به اندازه ۵٪ دبى اوج نوسان کند به عنوان دبى تعادل انتخاب می‌شود. تفاضل زمان وقوع دبى تعادل و زمان شروع دبى برابر با زمان تمرکز خواهد شد. به علت اينکه زمان تمرکز فقط شامل زمان سفر هيدروليکي می‌باشد، فرایند افت اوylie به عنوان بخشی از زمان تمرکز در نظر گرفته نمی‌شود. نمونه‌ای از هيدروگراف رواناب ناشی از آزمایش بارش در شکل ۳ نشان داده شده است. اين روش برای بارش‌های يکنواخت نتایج قابل قبولی ارائه خواهد داد، اما برای بارش‌های غير يکنواخت نسبت به روش‌های ديگر کاربرد کمتری دارد.



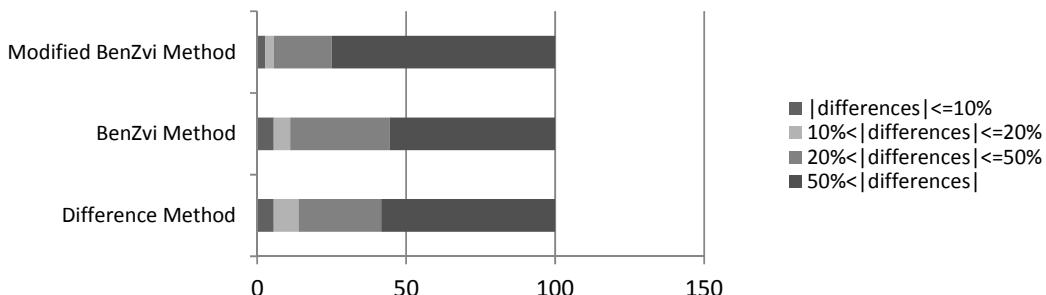
شکل ۳. تعين زمان تمرکز با استفاده از روش تفاضل از روی هيدروگراف مشاهداتی [۱۶].

#### ۴. نتایج

زمان تمرکزهای اندازه‌گیری شده بر روی ذیر حوضه‌ی آزمایشگاهی با استفاده از سه روش اصلاح شده و روش تفاضل زمان دبی اوج و زمان شروع رواناب در جدول ۳ نشان داده شده است. سیزده رابطه‌ی تجربی ارائه شده در جدول ۱ براساس دو معیار اریبی و دقت برای سه روش تعیین زمان تمرکز از روی هیدروگراف‌های مشاهداتی مورد ارزیابی قرار گرفته‌اند و بهترین روابط تجربی جهت تخمین زمان تمرکز تعیین شده است. معادله با مقدار اریبی کمتر از  $0.05/3$  را می‌توان یک معادله ناریب نامید. رابطه‌ی وانگ (۰.۰۵) و چن (۰.۹۹۳) یک روش مناسب برای ذیر حوضه‌های کوچک آزمایشگاهی است، در نتیجه کمترین میزان اریبی را دارد. معادله‌ی مُرگالی (۰.۹۶۵) و لینزلی (۰.۹۶۵) نیز مقدار اریبی کمتر از  $0.03/3$  دارد. تفاوت زمان تمرکز اندازه‌گیری شده با زمان تمرکز پیش‌بینی شده با استفاده از روابط تجربی می‌تواند مقادیر مثبت یا منفی باشد. خطای مثبت نشان دهنده این است که زمان تمرکز اندازه‌گیری شده بیشتر از زمان تمرکز پیش‌بینی شده است؛ در حالی که مقادیر منفی خطای نشان دهنده بزرگ‌تر بودن مقادیر آزمایشگاهی نسبت به مقادیر پیش‌بینی شده می‌باشد. بر اساس مقادیر اریبی و انحراف از معیار خطای برای  $13$  رابطه‌ی تجربی و زمان تمرکزهای مشاهده‌ای Ben-Zvi، Ben-Zvi اصلاح شده و تفاضل روش Ben-Zvi و روش تفاضل نسبت به روش Ben-Zvi اصلاح شده مقادیر نزدیک تری نسبت به مقادیر پیش‌بینی شده توسط روابط تجربی ارائه داده‌اند. روش Ben-Zvi اصلاح شده خطای بیشتر و همچنین مقدار اریبی بیشتری نسبت به دو روش دیگر دارد. تغییرات درصد اریبی سه روش در شکل ۴ نشان داده شده است. برای روش Ben-Zvi گستره تغییرات درصد اریبی بین  $0.4\%$  تا  $0.93\%$ ، برای روش تفاضل گستره درصد اریبی بین  $0.72\%$  تا  $0.93\%$  و برای روش Ben-Zvi اصلاح شده گستره درصد اریبی بین  $0.4\%$  تا  $0.92\%$  می‌باشد. بر اساس نتایج بدست آمده برای شاخص اریبی استاندارد شده و همچنین انحراف از معیار خطای که بیان گر میزان دقت می‌باشد، روش Ben-Zvi و روش تفاضل نتایج بهتری نسبت به روش Ben-Zvi اصلاح شده ارائه داده‌اند.

جدول ۳. زمان تمرکز اندازه‌گیری شده برای  $12$  آزمایش بر روی ذیر حوضه‌ی آزمایشگاهی به طول  $12$  متر و سطح نایلون.

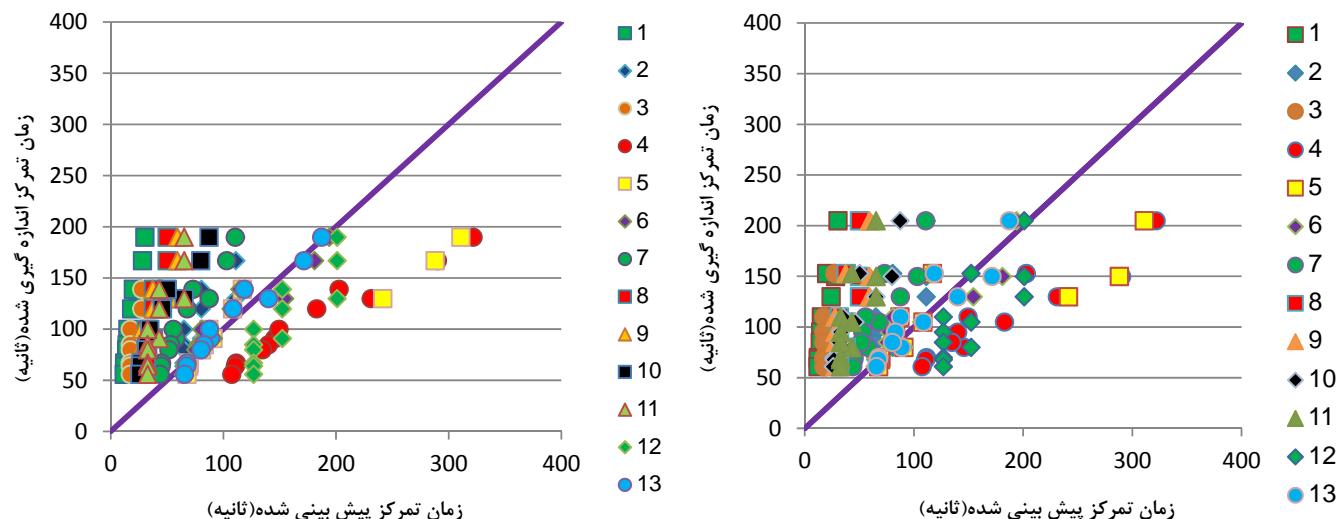
آزمایش	روش تفاضل (ثانیه)	روش Ben-Zvi اصلاح شده (ثانیه)	روش Ben-Zvi (ثانیه)	روش تفاضل (ثانیه)
۱	۵۶	۷۰	۶۱	
۲	۶۴	۸۰	۶۸	
۳	۶۷	۸۲	۷۰	
۴	۸۰	۹۰	۸۵	
۵	۸۵	۹۱	۹۵	
۶	۱۰۰	۱۰۵	۱۱۰	
۷	۹۱	۱۲۸	۸۰	
۸	۱۲۰	۱۴۵	۱۰۵	
۹	۱۳۹	۱۶۵	۱۵۳	
۱۰	۱۳۰	۱۷۰	۱۳۰	
۱۱	۱۶۷	۲۰۷	۱۵۰	
۱۲	۱۹۰	۲۳۵	۲۰۵	



شکل ۴. مقایسه درصد اریبی (درصد خطای Ben-Zvi، Ben-Zvi) سه روش Ben-Zvi اصلاح شده و تفاضل.

شاخص اربیی استاندارد شده برای دو رابطه‌ی مرگالی (۱۹۶۵)- لیزلی (۱۹۹۳)- چن (۲۰۰۵) و وانگ (۱۹۶۵) برای زمان تمرکز محاسبه شده به روش Ben-Zvi به ترتیب  $-0.03$  و  $-0.03$  و انحراف از معیار خطا  $0.23$  و  $0.26$  و برای روش تفاضل شاخص اربیی استاندارد شده  $-0.01$  و  $0.01$  و انحراف از معیار خطاها  $0.15$  و  $0.15$  محسوب شده‌اند. معیار با دقت بودن یک رابطه‌ی تجربی انحراف از معیار خطاها و پیشنه خطا مطلق مطلقاً می‌باشد که از بین سیزده روش، فقط دو رابطه‌ی مرگالی (۱۹۶۵)- لیزلی (۱۹۹۳)- چن (۲۰۰۵) و وانگ (۱۹۶۵) دارای خطا مطلق کمتر از یک دقیقه می‌باشد. همچنین مقدار انحراف از معیار خطا نیز برای این دو معادله کمتر از  $0.33$  می‌باشد. باید توجه شود مدلی که ناریب باشد، اما دقت کافی را نداشته باشد نمی‌تواند برآورد خوبی از زمان تمرکز ارائه دهد.

در شکل ۵ میزان اربیی زمان تمرکزهای پیش‌بینی شده با استفاده از روابط تجربی نسبت به زمان تمرکزهای اندازه‌گیری شده با استفاده از روش Ben-Zvi نشان‌داده شده است. همان طور که مشاهده می‌شود دو رابطه‌ی مرگالی (۱۹۶۵)- لیزلی (۱۹۹۳)- چن (۲۰۰۵) کمترین میزان اربیی را از خود نشان می‌دهند و مقدار ضریب همبستگی  $R^2$  آن‌ها به ترتیب برابر با  $0.81$  و  $0.87$  می‌باشد. در شکل ۶ میزان اربیی زمان تمرکزهای پیش‌بینی شده نسبت به زمان تمرکزهای اندازه‌گیری شده برای روش تفاضل نشان‌داده شده است. در این روش نیز دو رابطه‌ی مرگالی (۱۹۶۵)- لیزلی (۱۹۹۳)- چن (۲۰۰۵) کمترین میزان اربیی را از خود نشان‌داده و مقدار ضریب همبستگی  $R^2$  آن‌ها به ترتیب برابر با  $0.91$  و  $0.95$  می‌باشد. با توجه به اینکه مقدار اربیی دو روش فوق تفاوت قابل ملاحظه‌ای با یکدیگر ندارند و مقدار ضریب همبستگی  $R^2$  روش تفاضل بیشتر از روش Ben-Zvi است، این روش بهترین روش جهت تخمین زمان تمرکز می‌باشد.



شکل ۵. مقایسه زمان تمرکز پیش‌بینی شده با استفاده از روابط تجربی و زمان تمرکز اندازه‌گیری شده به روش تفاضل.  
شکل ۶. مقایسه زمان تمرکز پیش‌بینی شده با استفاده از روابط تجربی و زمان تمرکز اندازه‌گیری شده به روش BenZvi.

داده‌های مربوط به جدول ۳ که جهت کالیبراسیون معادلات استفاده شد، برای استخراج یک رابطه جدید نیز مورد استفاده قرار می‌گیرد. جهت تعیین ضرائب و توان‌های رابطه‌ی تجربی از رگرسیون گام به گام با استفاده از نرم افزار SPSS استفاده شده است. با توجه به اینکه در این مطالعه طول زیر حوضه ( $6$  متر) ثابت در نظر گرفته شده، توان پارامتر طول در رابطه تجربی با استفاده از میانگین چندین مدل و بر اساس پیشنهاد پاپاداکیس برابر با  $0.05$  در نظر گرفته شده است [۱۷]. مدل توسعه داده شده بر اساس داده‌ای آزمایشگاهی برای سطح نایلون و زمان تمرکزهای محسوبه شده با استفاده از روش تفاضل به صورت رابطه‌ی  $1$  توسعه داده شده است.

$$T_d(\text{hr}) = 0/0423 L^{0.5} I^{-0.75} S^{-0.32} \quad (1)$$

که در معادله‌ی بالا  
T: زمان تمرکز بر حسب ساعت،

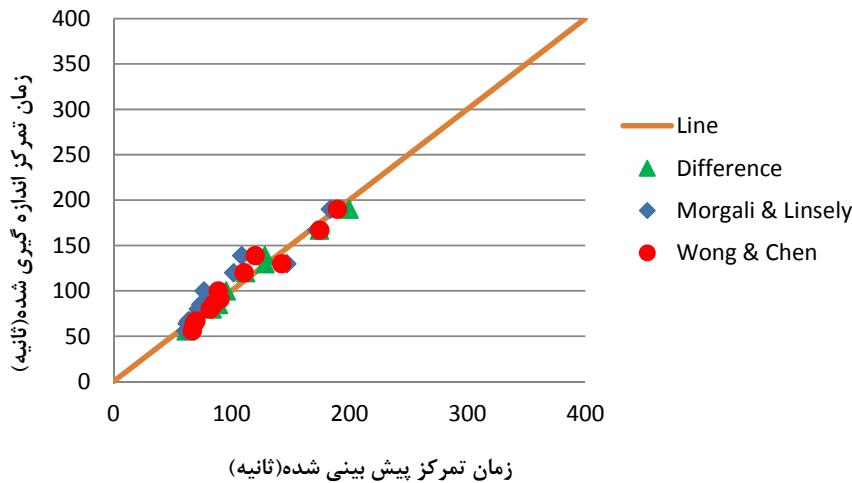


L: طول آبراهه اصلی بر حسب متر،

I: شدت بارش یکنواخت بر حسب میلی‌متر در ساعت و

S: شب سطح بر حسب متر می‌باشد.

با توجه به شکل ۷ مدل توسعه داده شده، زمان تمرکز اندازه‌گیری شده از روی هیدروگراف‌های مشاهداتی را به خوبی پیش‌بینی کرده و به زمان تمرکزهای پیش‌بینی شده توسط روابط مرگالی (۱۹۶۵) - لیزلی (۱۹۹۳) و وانگ (۲۰۰۵) - چن (۱۹۹۳) نزدیک است. مقدار ضریب همبستگی  $R^2$  بدست آمده برای رابطه‌ی ۱ برابر با ۰/۹۸ می‌باشد.



شکل ۷. مقایسه زمان تمرکز پیش‌بینی شده با استفاده از رابطه‌ی ۱، روابط مرگالی- لیزلی و وانگ- چن و زمان تمرکز اندازه‌گیری شده به روش تفاضل.

ضرایب همبستگی بین لگاریتم  $\ln$  و لگاریتم‌های I و S برای روش BenZvi به ترتیب برابر با  $-0/67$  و  $-0/79$  و  $-0/86$  و  $-0/86$  می‌باشد. این مقادیر نشان‌دهنده‌ی وابستگی معناداری بین زمان تمرکز و شب سطح می‌باشند و نشان می‌دهند که پارامتر شب در مقابل با پارامتر شدت بارش اثر پیش‌تری بر روی زمان تمرکز دارد.

با مقایسه رابطه‌ی ۱ و رابطه تئوری موج سینماتیک (جدول ۱) توان پارامتر شب در رابطه‌ی ۱ برابر با  $-0/33$  و در رابطه موج سینماتیک برابر با  $-0/3$  می‌باشد، که نشان‌دهنده‌ی صحت درستی اندازه‌گیری‌های انجام شده می‌باشد؛ اما توان پارامتر شدت بارش بیشتر از توان متناظر در رابطه موج سینماتیک می‌باشد که این امر به علت ثابت بودن دو پارامتر ضریب مانینگ و طول آبراهه اصلی در اندازه‌گیری‌ها می‌باشد.

## ۵. نتیجه‌گیری

تعداد بسیار زیاد روش‌های تجربی و نیمه تجربی جهت تخمین زمان تمرکز موجب ایجاد سردرگمی بین محققین و مهندسین هیدرولوژی شده و آن‌ها بدون ارزیابی و مقایسه دقت یک روش با دیگر روش‌های موجود آن را انتخاب می‌کنند<sup>[۲]</sup>. از آنجایی که هر یک از طراحان نظرات شخصی خود را در تخمین پارامترهای ورودی در روابط ارائه شده جهت تخمین زمان تمرکز لحظه می‌کنند، در شرایط یکسان مقدار واحدی برای زمان تمرکز بدست نخواهد آمد. در نتیجه یافتن بهترین معادله زمان تمرکز برای حوضه‌های کوچک شهری از مهم‌ترین دغدغه طراحان می‌باشد. در این مقاله با استفاده از یک مدل آزمایشگاهی برای سطوح کاملاً نفوذناپذیر(نایلون) روابط تجربی جهت تخمین زمان تمرکز ارائه شده است. نتایج مقایسه‌ی زمان تمرکز پیش‌بینی شده با استفاده از ۱۳ معادله‌ی تجربی نشان دادند که اکثر معادلات مقدار اریبی بالایی را از خود نشان می‌دهند. از میان روابط تجربی موجود دو رابطه‌ی مرگالی (۱۹۶۵) - لیزلی (۱۹۹۳) و وانگ (۲۰۰۵) - چن (۱۹۹۳) جهت تخمین زمان تمرکز بر روی سطوح نفوذناپذیر اریبی کمی از خود نشان دادند.



همچنین در این مقاله سه روش Ben-Zvi اصلاح شده و تفاضل زمان دبی اوج و شروع رواناب جهت تخمین زمان تمرکز از روی هیدروگراف‌های آزمایشگاهی مورد استفاده قرار گرفتند، که روش تفاضل زمان دبی اوج و زمان شروع رواناب بیشترین نزدیکی را به زمان تمرکز تخمین زده شده با استفاده از دو رابطه‌ی تجربی مرگالی-لیزلی و وانگ-چن نشان داده‌اند. نتایج دو روش تفاضل و Ben-Zvi تقریباً مشابه یکدیگرند.

از میان پارامترهای تأثیرگذار در تخمین زمان تمرکز بر روی سطوح نفوذناپذیر، شب سطح در مقایسه با پارامتر شدت بارش اثر بیشتری بر روی زمان تمرکز دارد.

## ۶. مراجع

1. McCuen, R. H., Wong, S. L., and Rawls, W. J. (1984). "Estimating Urban Time of Concentration." *J. Hydraul. Eng.*, 110(7), 887–904.
2. Liang, J, Wong, S. L., and Melching, C. S. (2012). "Comparison of Computed and Experimentally Assessed Times of Concentration for a V-Shaped Laboratory Watershed." *J. Hydrol. Eng.*, 17: 1389–1396.
3. Sharifi, S., and Hosseini, M (2011). "Methodology for Identifying the Best Equations for Estimating the Time of Concentration of Watersheds in a Particular Region." *Irrig. Drain Eng.*, 137,712-719.
4. Aron, G., and Egborge, C. E. (1973). "A practical feasibility study of flood peak abatement in urban areas." U.S. Army Corps of Engineers,Sacramento, CA.
5. Kerby, W. S. (1959). "Time of concentration for overland flow." *Civ.Eng.*, 29(3), 60.
6. Soil Conservation Service, "Urban Hydrology for Small Watersheds," Technical Release No. 55, Washington, D.C., 1975.
7. United States Army Corps of Engineers (USACE). (1954). "Data report, air field drainage investigation." Rep. Prepared for Los Angeles District for the Office of the Chief of Engineers, Washington, D.C.
8. Morgali, J. R., and Linsley, R. K. (1965). "Computer analysis of overland flow." *J. Hydraul. Div., Am. Soc. Civ. Eng.*, 91(3), 81–100.
9. Woolhiser, D. A., and Liggett, J. A. (1967). "Unsteady one-dimensional flow over a plane—The rising hydrograph." *Water Resour. Res.*, 3(3), 753–771.
10. Federal Aviation Administration (FAA). (1970). "Airport drainage." Advisory Circular No. 150/5320-5B, Dept. of Transportation, Washington, D.C.
11. Pavlovic, S. B., and Moglen, G. E. (2008). "Discretization issues in travel time calculation." *J. Hydrol. Eng.*, 13(2), 71–79.
12. Yen, B. C., and Chow, V. T. (1983). "Local design storms, Vol III." Rep. H 38 No. FHWA-RD-82/065, U.S. Dept. of Transportation, Federal Highway Administration, Washington, D.C.
13. National Association of Australian State Road Authorities (NAASRA).( 1986). Guide of the design of road surface drainage, Milsons Point, NSW, Australia.
14. Wong, T. S. W. (2005). "Assessment of Time of Concentration Formulas for Overland Flow." *J. Irrig. Drain. Eng.*, 131(4), 383–387.
15. Ben-Zvi, A., 1970. On the Relationship Between Rainfall and Surface Runoff on Laboratory Watersheds. Ph.D. Dissertation, Department of Civil Engineering, University of Illinois at Urbana-Champaign.
16. Li, M., and Chibber, P.(2008)." Overland Flow Time of Concentration on Very Flat Terrains." *J. Transportation Research Board.*, No. 2060.
17. Papadakis, C. N., and M. N. Kazan. Time of Concentration in Small Rural Watersheds. Technical Report 101/08/86/CEE. Civil Engineering Department, University of Cincinnati, Cincinnati, Ohio, 1986.